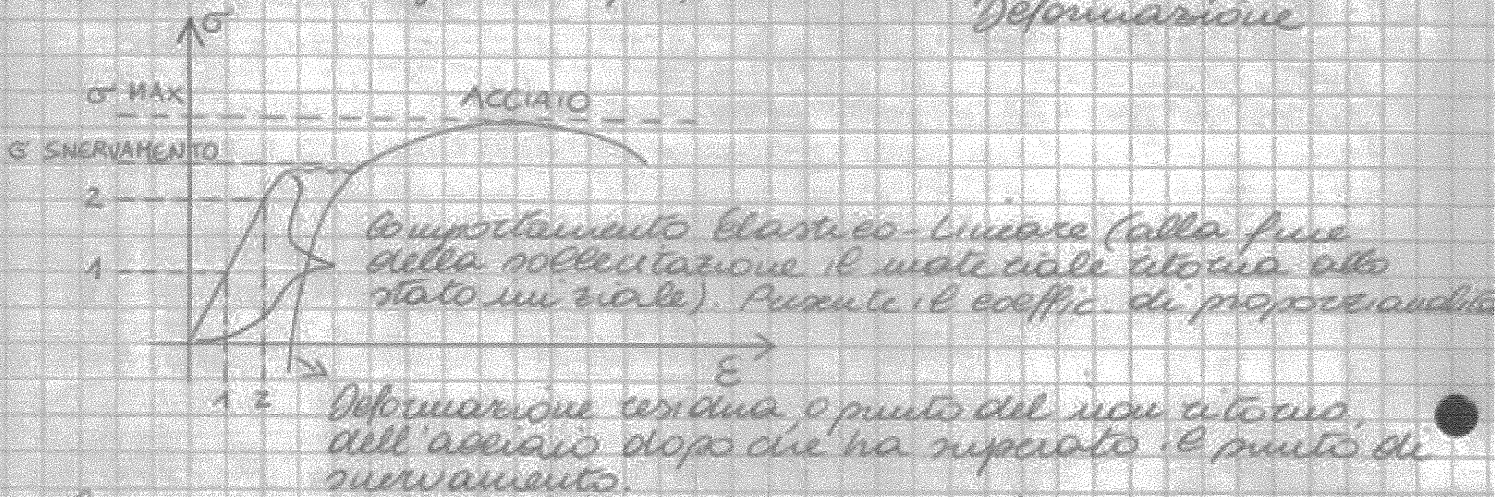


Es. un tendineo di 10 cm sottoposto a trazione si allunga fino a 11 cm.

Deformazione unitaria =  $E = \frac{\Delta l}{l_0} = \frac{1}{10} = 0,10$  (è un numero puro, senza unità di misura perché  $\frac{cm}{cm}$ )

Nella prova di trazione dell'acciaio otteniamo il seguente grafico del Diagramma Stress Deformazione



Quando due grandezze sono proporzionali, come nel campo elastico-lineare possiamo trovare il Coefficiente di Proporzionalità:

quando 2 grandezze sono proporzionali  $\left\{ \begin{aligned} y &= B \cdot x \Rightarrow B = \frac{y}{x} \end{aligned} \right.$

quindi  $\Rightarrow \sigma = E \cdot \epsilon \Rightarrow E = \frac{\sigma}{\epsilon}$

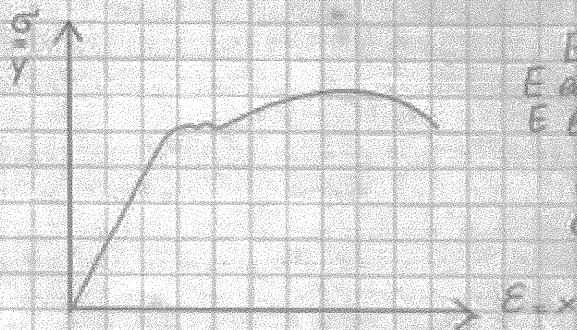
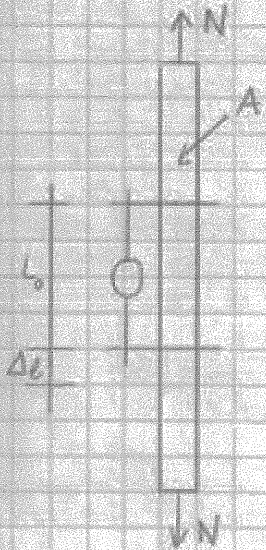
Modulo elastico  
caratteristico di ogni materiale

Se E è grande significa che è un elemento poco deformabile  
Se E è piccolo significa che è un elemento molto deformabile

$\sigma = \frac{N}{A}$   
 $E = \frac{\Delta l}{l_0}$

$A_{ua} = 1000 \text{ cm}^2$  (o daN)  
 $N = 100 \text{ t} \rightarrow 100000 \text{ Kg} \rightarrow 1000000 \text{ N}$   
 $1000 \text{ kN}$

$\sigma = \frac{1000000 \text{ daN}}{10000 \text{ cm}^2} = 100 \text{ daN/cm}^2$



$E_{acciaio} = 2 \cdot 100'000 \text{ daN/cm}^2$   
 $E_{acciaio} = 2'200'000 \text{ daN/cm}^2$   
 $E_{ligio} = 2'200'000 \text{ daN/cm}^2$

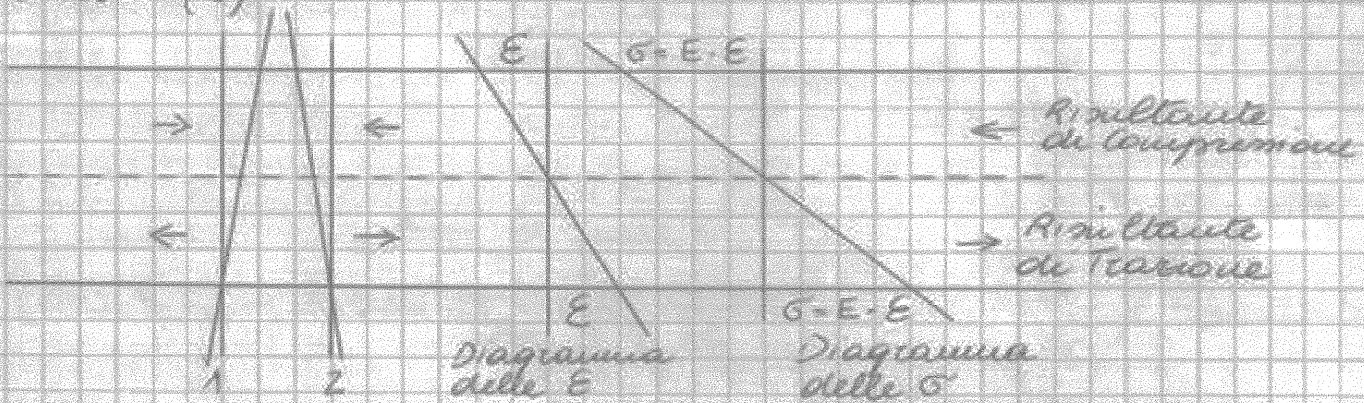
$\sigma = m \cdot x$   $m$  è costante  
 $\sigma = E \cdot \epsilon$



## Flessione semplice

È ciò che succede quando sottopongo un corpo ad una azione di flessione (si definisce semplice perché interviene una sola azione).

Se ho una trave, che rappresento idealmente, considero una determinata sezione (1) e per scomporla una vettura (2)



Quando sottopongo la trave ad un'azione flettente, questa due sezioni subiscono una deformazione. Le due sezioni che prima erano parallele ora convergono in un punto. Le fibre della zona superiore, che prima avevano una distanza ipotetica ( $l_0$ ), ora saranno più vicine; quelle inferiori invece si saranno allontanate.

È rappresentata l'allungamento unitario (nella zona superiore si accorciano, in quelle inferiori si allungano) - la rappresentazione della somma di questi accorciamenti/allungamenti è il Diagramma delle E.

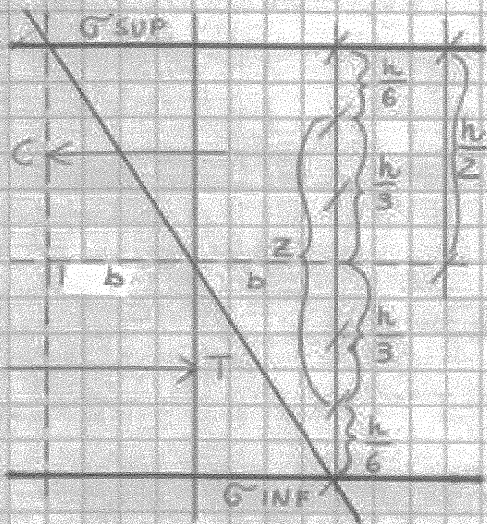
Nella parte alta avrà delle E di accorciamento molto alte, man mano che mi avvicino al centro della trave questi accorciamenti diventeranno più piccoli. Stesso comportamento, avvicinandoci al centro della trave, lo potremo osservare per le E rappresentanti la trazione. È un comportamento lineare.

Conoscendo la relazione tra le tensioni e le deformazioni  $\sigma = E \cdot \epsilon$  e conoscendo E equiverremo anche  $\sigma$  perché E del materiale è noto, per cui:

Il diagramma delle  $\sigma$  sarà più ampio ma avrà lo stesso andamento di quello delle E perché c'è una proporzionalità diretta tra  $\sigma$  ed E.



Avendo le  $\sigma$  questo andamento potremmo dire che le  $\sigma$  della parte superiore saranno le risultanti di compressione mentre nella parte inferiore saranno le risultanti di trazione.



$C$  = somma di tutte le compressioni

$$C = b \times h \text{ (che è la metà di } h \text{ totale)} \times \text{la } \sigma \text{ media}$$

$$C = b \cdot \frac{h}{2} \cdot \frac{\sigma^{\text{SUP}}}{2}$$

$T$  = somma di tutte le trazioni

$$T = b \times h \text{ (che è la metà di } h \text{ totale)} \times \text{la } \sigma \text{ media}$$

$$T = b \cdot \frac{h}{2} \cdot \frac{\sigma^{\text{INF}}}{2}$$

la risultante delle compressioni e delle trazioni è applicata al baricentro dei due triangoli ( $\frac{h}{6}$ )

la distanza tra la risultante di compressione e la risultante di trazione vale  $\frac{2}{3} h$

$$z = 2 \cdot \frac{h}{3} = \frac{2}{3} h$$

$C$  e  $T$  sono uguali di intensità e formano una coppia di cui possiamo conoscere il momento (intensità della forza per il braccio =  $C \cdot z = T \cdot z$ ).

queste coppie che  $n$  formano sono uguali al momento che vado ad applicare.

la coppia di  $C$  e  $T$  unite finì a che il momento non raggiunge il limite di rottura della trave.

il momento applicato sarà dato dal momento prodotto dalla coppia:

$$M = C \cdot z$$

al posto di  $C$  posso sostituire

$$M = \frac{\sigma^{\text{SUP}} \cdot b \cdot h}{2} \cdot \frac{2}{3} h \Rightarrow M = \frac{b \cdot h^2}{6} \sigma^{\text{SUP}}$$

la chiamo " $W$ "  
Modulo di resistenza

$$M = W \cdot \sigma^{\text{SUP}}$$

$$\Downarrow$$

$$\sigma = \frac{M}{W} \quad M = \text{Momento applicato}$$

$W$  = dipende dalla caratteristica geometrica della sezione ( $\frac{b \cdot h^2}{6}$ )

$\sigma$  = dipende dalla qualità del materiale  
sezione grande  $\rightarrow \sigma$  piccola  
sezione piccola  $\rightarrow \sigma$  grande



Il  $W$  è dato da  $\frac{J}{\frac{h}{2}}$  (momento di inerzia)

$\sigma = \frac{M}{W}$  viene impiegata per la progettazione

Procedura di Progetto

Procedura di calcolo nella quale si determinano le dimensioni della sezione usi le sollecitazioni ed il materiale impiegato

Procedura di Verifica

Procedura con la quale note le sollecitazioni applicate, le caratteristiche geometriche della sezione e il materiale impiegato si definisce se la struttura è idonea (verificata) o non idonea (non verificata).

Nella Procedura di Progetto ricavo il  $W_{nec}$  (Modulo di Resistenza Necessario) da il momento fatto la  $\sigma_{ammis}$  del materiale (caratteristica meccanica del materiale):

$$W_{nec} = \frac{M}{\sigma_{ammis}} \Rightarrow W_{nec} = \frac{b \cdot h^2}{6}$$

⇓

$$h^2 = \frac{6 W_{nec}}{b}$$

Per il legno il rapporto tra  $b$  e  $h$  è fissato a 0,7 ( $b = 0,7h$ ) di conseguenza posso determinare  $h$  con la seguente procedura:

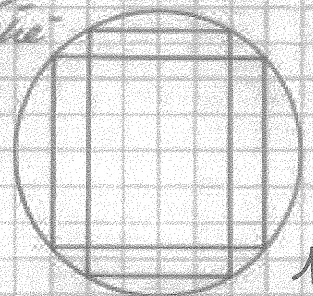
$$\begin{cases} W_{nec} = \frac{b \cdot h^2}{6} \\ b = 0,7h \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} W_{nec} = \frac{0,7h \cdot h^2}{6} \\ b = 0,7h \end{cases} \Rightarrow h^3 = \frac{6 W_{nec}}{0,7}$$

⇓

$$h = \sqrt[3]{\frac{6 W_{nec}}{0,7}}$$

Determinazione dell' $h$   
della trave in legno

Il rapporto tra  $b$  e  $h$  del legno (0,7) è dovuto al fatto che la sezione di un trave per intagliare una trave potrebbe avere la sezione quadrata ma viene scelta rettangolare perché essendo  $h^2$  ne ho un vantaggio perché aumenta il valore di  $W$  ed il rapporto  $b$  e  $h$  di 0,7

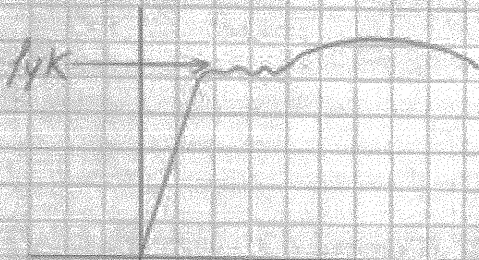




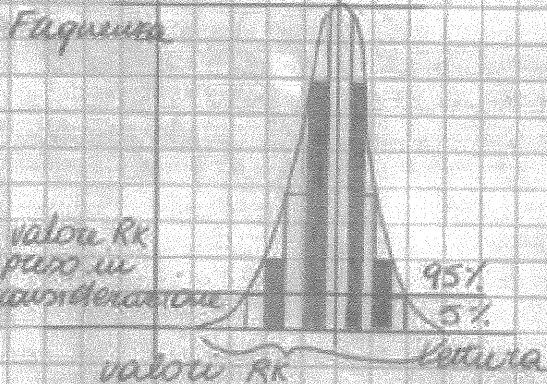
In caso di sezione rettangolare abbiamo visto che:

$$W = \frac{b \cdot h^2}{6}$$

Le osservazioni che seguono valgono per i materiali omogenei (acciaio e legno, inzialmente vedremo l'acciaio ed in seguito il legno).



Nel Diagramma di sollecitazione del l'acciaio sappiamo che abbiamo una Tensione di Surramento ( $f_{yk}$ ),  $f_y$  = surramento e  $R_k$  = caratteristica.



La caratteristica di resistenza ( $R_k$ ) ci indica quanto un materiale è omogeneo, ma dall'analisi di tutto il lotto, notiamo valori di registrazione riportabili in un grafico che descrive un campo meno ampio quanto più è affidabile il materiale analizzato.

Se riprendiamo i valori registrati dalle analisi in un grafico (campana di Gauss) potremmo prendere in considerazione il valore medio dei dati ma notiamo che più i valori sono

ampi e più la campana è ampia, più i valori sono simili e più la campana è raccolta.

Per  $R_k$  si intende una resistenza tra le più basse che si riscontrano e, dal punto di vista tecnico, la definizione di  $R_k$  si può sintetizzare in:

Per  $R_k$  si intende quella resistenza che si dà la probabilità, per un eventuale ulteriore provino, il 95% di riscontrare un valore di resistenza superiore a quello caratteristico.

Se consideriamo un materiale omogeneo vedremo che la parabola sarà più alta e stretta, se il materiale è meno omogeneo la parabola sarà più bassa e larga. Ne consegue che la  $R_k$  in un materiale omogeneo è più vicina alla media dei valori del materiale che nel caso di materiale meno omogeneo.

