$$6x^4 - 5x^2 - 1 > 0;$$

il primo passo importante verso al soluzione consiste nel sostituire alla variabile $\mathbf{x^2}$ una variabile di comodo, ad esempio, **z**; pertanto:

$*)$ $x^2 = z \rightarrow ladisequazionediventa\text{:}$ $6z^2 - 5z - 1 > 0$ che è una semplice disequazione di 2° grado. Per risolverla si scrive l'equazione associata:

$$6z^2 - 5z - 1 = 0;\ \ \Delta = 25 + 24 = 49 > 0, pertanto\text{:}$$

$$z_{1/2} = \frac{5 \mp \sqrt{49}}{12} = \begin{matrix} z_1 = \frac{5-7}{12} = -\frac{1}{6} \\ z_2 = \frac{5+7}{12} = +1 \end{matrix} \rightarrow \Delta > 0\, e\, S.T. > 0 \rightarrow S\text{:}\ z < -\frac{1}{6}\ \ \mathbf{v}\ \ z > 1$$

questa disuguaglianza, alla luce della sostituzione di cui al punto *), diventa:

$$x^2 < -\frac{1}{6}\ \mathbf{v}\ x^2 > 1$$

che possiamo risolvere come due disequazioni indipendenti, salvo unire poi le soluzioni dell'una e dell'altra; quindi: **1.)** $x^2 < -\frac{1}{6} \rightarrow x^2 + \frac{1}{6} < 0 \rightarrow \Phi$ (disequazione impossibile poiché la somma di due addendi certamente positivi non può fornire un dato negativo) ; dall'altra disequazione: **2.)** $x^2 > 1 \rightarrow x^2 - 1 > 0$ la cui equazione associata $x^2 - 1 = 0$ è un'equazione pura che ammette come soluzioni $\begin{matrix} x_1 = -1 \\ x_2 = +1 \end{matrix}$ otteniamo, ricordando le disequazioni di secondo grado, caso **Δ>0 e S.T.** >0, le soluzioni finali $x < -1\, \mathbf{v}\, x > +1$ pertanto, unendo le soluzioni inesistenti della **1.)** (**Φ**) con le soluzioni della **2.)** ($x < -1\, \mathbf{v}\, x > +1$) si determinano le soluzioni finali dell'intera disequazione biquadratica che risultano essere:

$$x < -1\ \mathbf{v}\ x > +1$$

$$\square x \square]-\infty; -1[\square] +1; +\infty[$$